

Задача 1. (10 баллов)

Для заполнения следующей таблицы используются только числа от 1 до 5. Каждое число должно встречаться по одному разу в каждой строке и каждом столбце.

Кроме того, при заполнении данной таблицы следует учитывать, что таблица разделена на области. В каждой из областей указано число и знак операции (+ или \times). Данная операция должна быть применена ко всем числам, находящимся в данной области в определенном порядке. Если числа в области подобраны правильно, то после выполнения указанной операции ко всем числам из данной области будет получено число, указанное в области.

Также в некоторых отдельных ячейках могут быть вписаны числа.

	A	B	C	D	E
1	3+		600 \times		
2	35+		54 \times		
3					
4					
5					4

Например, если в области написано «35+», то сумма чисел внутри данной области должна быть равна 35.

Обратите внимание, что буквы и числа на внешней стороне таблицы нужны для удобства решения.

В ответе приведите полностью заполненную таблицу.

Задача 2. (10 баллов)

Алгоритм «сортировки вставкой» работает путем разделения массива на две части: отсортированная область - слева и неотсортированная область - справа. Вставляя элементы из неотсортированной области в отсортированную, алгоритм создает отсортированный массив.

Данный алгоритм можно описать следующим образом:

1. Обозначим самый левый элемент массива как единственный элемент отсортированной части. Эта часть гарантированно отсортирована, поскольку в ней только один элемент.
2. Вставим первый элемент неотсортированной области в соответствующее место отсортированной области, увеличив число отсортированных элементов на один. Для этого выбранный элемент мы сравниваем с каждым из элементов слева от него, перемещаясь справа налево, пока не найдем, где он «помещается» в отсортированной части массива.
3. Повторяем шаг номер два, пока не останется неотсортированных элементов.

У вас есть массив, содержащий 99 *различных* элементов.

А) (5 баллов) Сколько сравнений потребуется сделать, чтобы отсортировать данный массив в худшем случае?

Б) (5 баллов) Сколько сравнений потребуется сделать, чтобы отсортировать данный массив в лучшем случае?

Приведите подробное обоснование ваших ответов.

Ответ:

А) 4851 сравнений;

Б) 98 сравнений;

Задача 3. (10 баллов)

Даша решила сделать мобиль. Она взяла четыре легких прочных твердых ровных балки и нанесла на них разметку с помощью маркера. Две балки Даша разделила на пять равных частей, одну - на четыре равные части, и еще одну – на три равные части. Даша скрепила балки и несколько шариков вместе (см. *схему мобиля*). Получившийся мобиль она подвесила к потолку комнаты, после чего все балки заняли горизонтальное положение.

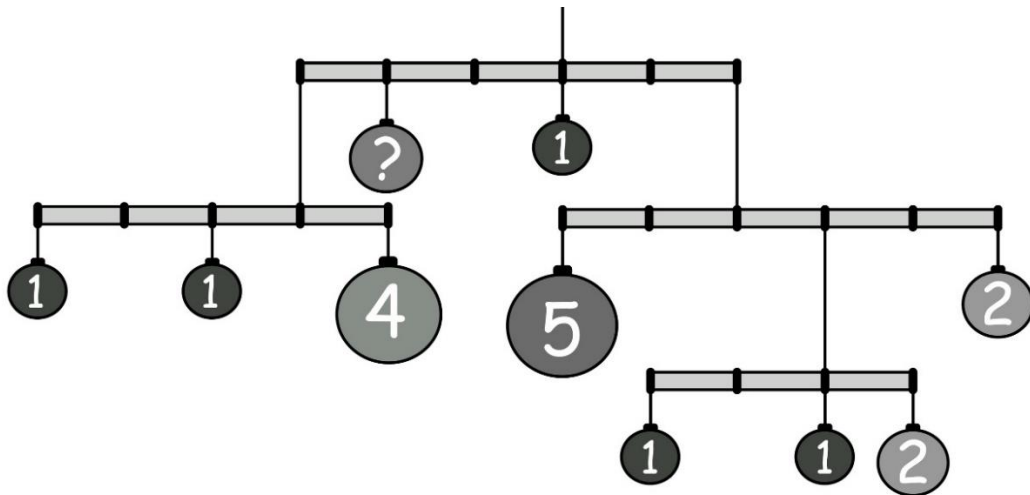


Схема мобиля

На схеме массы шариков указаны в условных единицах ($1 \text{ у.е.} = 0.05 \text{ кг}$). Один из шариков на схеме отмечен знаком вопроса. Его масса не указана. Считайте, что все балки невесомы и нерастяжимы.

Определите, чему равна масса шарика, отмеченного знаком вопроса. Ответ дайте в граммах. Приведите подробное решение данной задачи.

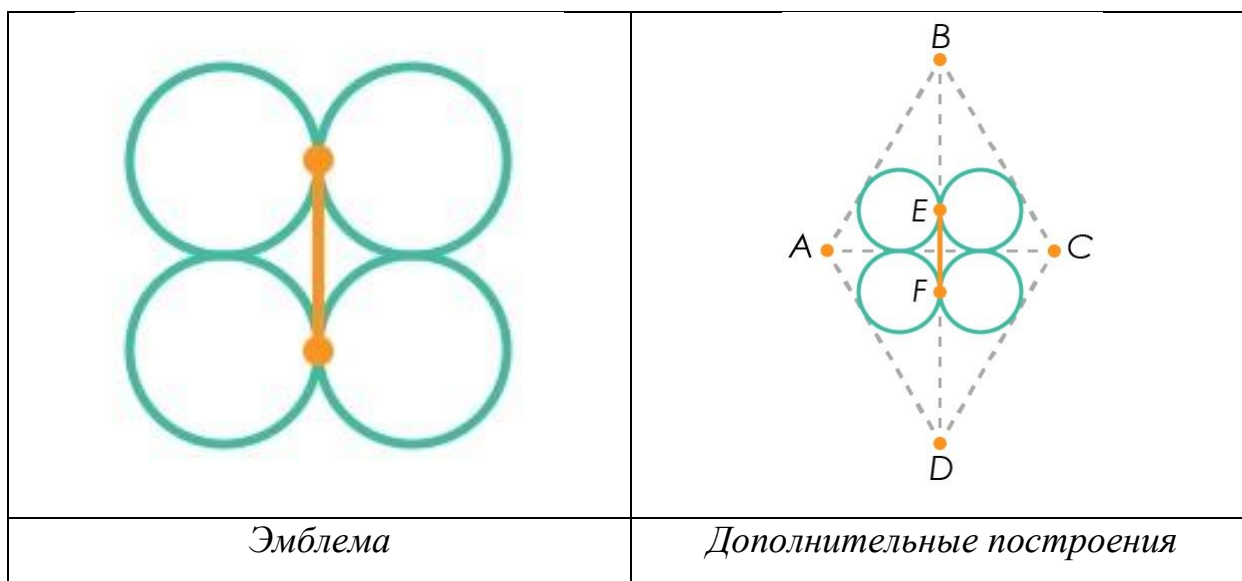
Справка

Мобиль – это вид кинетической скульптуры, основанный на принципах равновесия. Он состоит из нескольких стержней, на котором висят объекты или другие стержни. Объекты, висящие на стержнях, уравнивают друг друга. Каждый стержень висит только на одной струне.

Задача 4. (20 баллов)

Робот-чертежник движется по ровной горизонтальной поверхности и наносит на нее изображение (см. *эмблема*) при помощи кисти, закрепленной в центре колесной базы. Робот оснащен двумя отдельно управляемыми колесами, расстояние между центрами колес составляет 40 см, радиус колеса робота 10 см, максимальная скорость вращения моторов 1 оборот за 4 секунды.

В случае необходимости резко изменить направление движения робот совершает танковый разворот на месте.



Робот должен изобразить фигуру, состоящую из четырех окружностей и отрезка (см. *эмблему*). Чтобы определить их положение, необходимо провести ряд вспомогательных построений.

Диагонали параллелограмма ABCD пересекаются в точке O (*не показана на чертеже*). $AB = 10$ м, $AC = 12$ м. В каждый из треугольников, образовавшихся при пересечении диагоналей, вписано по окружности (см. *дополнительные построения*). Точка E – это точка касания окружностей, расположенных в треугольнике ABC, с отрезком BO. Точка F – это точка касания окружностей, расположенных в треугольнике ADC, с отрезком DO. Также известно, что в параллелограмм ABCD можно вписать окружность.

Из-за крепления кисти робот не может двигаться назад. Все развороты робот должен совершать на месте, то есть все развороты робота – танковые.

При расчетах примите $\pi \approx 3,14$. Приведите полное решение данной задачи.

А) (10 баллов) Определите, чему равна минимальная длина самопересекающейся линии, с помощью которой можно изобразить данную эмблему (см. *эмблема*). Ответ дайте в метрах.

Московская олимпиада школьников по робототехнике 2019 – 2020 учебный год

Очный этап. Теоретический тур

Разбор заданий 11 класса

Б) (10 баллов) Определите, за какое минимальное время робот начертит данную фигуру (см. *эмблема*). Ответ дайте в секундах.